

B.

13

C. Ellas.
1878.

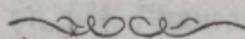
12½ Tonnen jährlich.

[E. Hallay]

Oma armfale omule
R. Hallay.

Eesti Kirjameeste Seltsi Toimetused Nr. 12.

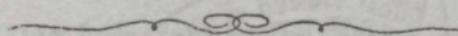
12 $\frac{1}{2}$ toopi pähklid.



Virgemaile rehkendajatele meeletehutuseks
ära närida

Logumud

M. G. Kallas.



Tartus, 1878.

Trükitud ning müua H. Laakmann'i juures.

ESTNIA VABARIIGI EELKÄLDE

ESTONIA VABARIIGI EELKÄLDE

ESTONIA VABARIIGI EELKÄLDE

Bensuri poolest lubatud. Tallinas, 31. Märtsil 1878.



ESTNIA VABARIIGI EELKÄLDE

ESTNIA VABARIIGI EELKÄLDE

Esimene loop.

Tähendus. Kelle hammast mõne pääle ei haka, leiab Mõistliku rehendoja seest nõuu.

1) Kui wana on üks kümneaastane laps?

2) Kui palju mässab üks kahekopikaline sai?

3) Juhanil oli 6 poega, igal pojal 1 õde; mitu last Juhanil seega oli? (12 mitte).

4) Peremehe hobused norutasiwad kõik reas kaewu künas ääres. Kahe hobuse ees seisis üks hobune, kahe hobuse taga jälle üks hobune ning kahe hobuse wahel veel üks hobune; mitu hobust peremehel seega oli? (3).

5) Iisa magas 3 tundi, poeg poole enam, omesti tõusis poeg 2 tundi enne isa üles; mitu tundi enne isa oli poeg seega magama heitnud? (5 tundi).

6) Tigu püüdis samba otsha ronida. Ta ronis päewa 5 jalga ülesse, aga libises ööse jälle 4 jalga tagasi; mitme päewaga ta sel kõmel samba otsha sai, seit et sammast 20 jalga lõrge oli?

7) Kui iga halg kolme tülli lõhuti, tuli sülla puude lõhkumine 70 kopikat maksma; mis tuleb seega sülla lõhkumise eest maksta, kui iga halg kunde tülli lõhutatakse? (1 r. 75 f.)

8) Kirjuta 100 kümne ühesuguse numbriga.

9) Katuse harjal oli 7 warest, kütts lastkis neist 4 mahă; mitu seega harjale jäi? (3 . 4)

10) Mitmendamal oma sündimise päeval elab see mees, kes täna 30-ne aastaseks saab?

11) Mihkel sündis 29-del Februaril 1848; mil päeval saab ta seega aastaseks?

12) Tosin tosinaid fulgi mäksis tosina kõpikaid 11=nest tosinast (fulgedest) enam; kui palju seda mõõda 1 fulg mäksis? (1 kõp.)

Tõine loop.

13) Kaupmees Karül oli 7 rauatülli, nendega võis ta kõik täisnaelad 1-hest lunni 127 naelani ära kaaluda; kui raske seega iga raua tükk oli? (1, 2, 4, 8, 16, 32, 64).

14) Aga kaupmees Tedrel oli paljalt 4 isesuurust rauatülli ning omesti võis ta nende abiga kõik täisnaelad 1-hest lunni 40-ni ära kaaluda; a) kui raske oli iga rauatükk ning b) mil viisil ta nendega kaalus? (a, 1, 3, 9, 27).

15) a. Antud olgu 9 esimest arwu: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Kirjuta need arwud nõnda kolme ribasse ülöstöise alla ülesse, et iga rea summa 15 on.

2	7	6
9	5	1
4	3	8

b. Kui iga rea summa paljalt $7\frac{1}{2}$ peab olema, mis siis iga riuduuarwuga tähä tuleks?

16) Kaks liiki töömehi saiwad kokku 46 rubla hõbedat. Esimeses liigis oliwad 7 ning töises liigis 3 meest saamas. Juhani esimesest liigist ning Peeter töijest liigist kinkisid oma teenistuse kokku 10 rubla hõbedat kiriku ehitamise kasuks; kui palju oli seega kumblik kinkinud? (4, 6).

17) a. Antud olgu 25 esimest arvu: 1, 2, 3, 4 tunni 25. Kirjuta need arvud viide riidasse nõnda ükstdise alla ülesse, et riidade summad kõik üheksarused on.

17	24	1	8	15
23	5	7	14	16
4	6	13	20	22
10	12	19	21	3
11	18	25	2	9

b. Alga kui ma nüüd tahaksin, et iga rea summa 76 peab olema, mis ma siis igale liikmele, pean juure panema? ($2\frac{1}{5}$)

18) Madisel on Jaaguse 10 rubla maksta; kui ta igaaastasest wölkakapitalist 50 protsendi ära maksab, millal siis wölg tasa saab? (Ei ialgi)

19) Toomas sõi oma õuntest kolmandama, Peeter omadest neljandama osa ära, kõlku 40 õuna; mitu õuna oli kummalgi vlnud? (Siin on palju kostusi, n.: 30, 120).

20) Kaarel on 58, tema poeg 18 aastat wana; mitme aasta pärast on isa pojast poolewanem? (22 a. pärast).

21) Mis arvuse on see wäljatuleku pooltest üsna ükskõik, kas ja teda 3-ga kasvatad wöi temale 3 juure arvad? ($1\frac{1}{2}$).

22) Tunninäitaja oli VI-e pääl aega minutinäitaja XII-ne pääl; kui palju aega ära kulub, enneku minutinäitaja tunninäitaja lätte saab? ($32\frac{8}{11}$ minutit).

23) Madis ning Mihkel jooksiwad mõlemad tua üksest välja, Madis lõuna poolle 30 sülda, Mihkel ohtu poolle 40 sülda; kui kaugel nad nüüd ükstdisest seisma jääwad? (50 f.).

24) Alga kui Madis maakaare ning Mihkel wesi-kaare poole oleks jooksnud, mitu sülda nad siis üks tööst nüüd kaugemal oleksiwad? (70 f.).

Kolmas loop.

25) Tõmba oma tähwli pääl mõned kriipsud. Tõmba nüüd veel töist nii palju kriipsusid. Tee nüüb veel 8 kriipsu juure. Kustutata neist kriipsidest (poolled) pool osa maha. Kustutata viimaks veel nii palju maha, nagu sa kõige esitels ise tõmbasid. Kas tead, kui palju nüüd veel üle jääb? 4 kriipsu. Kust see tuleb?

26) Mõtelge igaüks mingi arvu pääl. Kasvatagu igamees oma arvu kolmega. Arwaiku nüüd igaüks oma kasvatusele 12 juure. Mõtku igaüks oma summa kolmeksi. Mõtku nüüd igaüks oma kolmandikust oma enne mõteldud arv maha. Nüüd jääb igaühel 4 üle. Kust see tuleb?

27) Kui palju on 2 kolmat ning 5 neljat?

28) Kirjuta kolmenurgalisele iga nukti pääl üks arv, siin: 4, 2, 3; arwa nüüd kirjutatud arvud kõrval nähtaval viisil kolku: $4 + 2 = 6$, $4 + 3 = 7$, $3 + 2 = 5$; kui nüüd iga nukiarv oma vastas seisva küljearvuga kolku arvataks: $4 + 5 = 9$, $2 + 7 = 9$, $3 + 6 = 9$, siis on iga kord kõik kolm summa ühesuurused. Kust see tuleb?

29) Kust see tuleb et 5×9 niisanima palju on nagu 9×5 ?

30) Kui sa 9 jagad 11111111-he siisse, siis tulub 12345679, välja. Kust see tuleb, et 8 wahelt välja on pudisenud?

31) Milu toopi wet peab 51-hest toobist 70-ne kraadilisest piirustest ära aurata laekma, et 85-e kraabiline piirust üle jääks? (9 toopi wet.)

32) Kaswata 12345679 a) 9=ga; b) 18=ga; d) 27=ga; e) 36=ga; g) 45=ga; h) 54=ga; i) 63=ga;

k) 72=ga; l) 81=ga. Miks siis paljad ühed, kahed, kolmed, neljad, viied, kuued, seitsmed, kahesad, ühesad välja tulewad?

33) Puub on punna vastu nagu 2 ühe vastu; mitu puuda ning punda on seega ühesuurused? (2 puunda = 1 puud).

34) Kirjuta mingi suurem arv ülesse, näituseks 741563. Kirjuta nüüd need numbrid veel üks kord, aga nõnda, et endine esimene number viimseks, endine viimne esimeseks saab: 341567. Arva nüüd väiksem arv suuremast mahä:

$$\begin{array}{r}
 7 \ 4 \ 1 \ 5 \ 6 \ 3 \\
 3 \ 4 \ 1 \ 5 \ 6 \ 7 \\
 \hline
 3 \ 9 \ 9 \ 9 \ 9 \ 6
 \end{array}$$

Kui sa nüüd ülejäädavat — antud arvu viimse ning esimese numbri ülejäädawaga jagad, see on siin ($7 - 3$) = neljaga, siis tulewad ikka paljas ühesad välja: 399996: 4 = 99999. Kust see tuleb?

35) Päike paistis enne lõunat 5 tundi; a) millal ta looja läks? b) millal ta lõusis? d) kui pikk päew oli? e) kui pikk õö oli? g) kui kaua ta pärast lõunat paistis? (a. kell 5. b. kell 7. d. 10 tundi. e. 14 t. g. 5 t.)

36) Ühesa jaamad on: 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72, 81, 90. Sest arwureast paistab iseäranis neli imeliku säädust silma. 1) Esimene ning viimne liige ($9 + 90$) on nii samma suur nagu töine ja 9=sas ($18 + 81$) liige, ehk kolmas ja kahesas, 4=jas ja 7=mes, 5=es ja 6=es liige kõlku. 2) Üheliste rida läheb iga liikmega 1 vähemaks: 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, aga künneliste rida kasvab iga liikmega 1 suuremaks. 3) Esimene liikme numbrid on 0, 9, viimise: 9, 0, töise liikme numbrid on 1, 8, ühesanda: 8, 1, n. n. e. 4) Töise liikme numbre hind on kõlku $1 + 8 = 9$, töise: $2 + 7 = 9$, nõnda kõigi liikmete riistsumma: 9. Kust see tuleb, on on kerge ära seletada.

Neljas loop.

37) Juhan sõitis 4-ja tunniga kirikule, aga tagasi sõites kulus tal 6 tundi ära; millal pidivad seega Juhani wankri esimesed rattad enam, millal nobedamine ümber jooksma?

38) Üks saar sada haru, igas harus isse pesa, igas pesas 7 munas; mitu munas?

39) Kui meil Jõulud reede on; millal olid nad siis Saksa maal? (Pühapäeval).

40) 7 kirikut,

igal kirikul 7 ust,

igal uksel 7 santi,

igal sandil 7 leppi,

igal kapil 7 näsa,

igal näsal 7 kotti,

igal kotil 7 soppi,

igas soppis 7 kasssi,

igal kassil 4 jalga;

mitu jalga? (23059204).

41) „Mitu lammast sul on, vägene pime karjane?“ „Mul on enam kui 20, aga vähem kui 30 lammast; lasen ma 2 korraldi lauta, siis jäab 1 järele, lasen ma 4 korraldi lauta, jäab 3, lasen 5 korraldi lauta, jäab viimaks 2 lammast järele; mitu lammast tal seega on? (27.)

42) Mitu sõna võiksid sa 5-e isesuguse tähega kirjutada? (120).

43) Õmelikku iseloomu arvab arv 142857.
Ta on kuue numbriga kirjutataw.

Paneme tösse numbre esimeseks: 428571, siis oleme teda 3-ga kasvatatud, sest $3 \times 142857 = 428571$			
" volmunda "	285714	" 2-ga	" $2 \times 142857 = 285714$
" neljanda "	857142	" 6-ga	" $6 \times 142857 = 857142$
" viienda "	571428	" 4-ga	" $4 \times 142757 = 571423$
" kuienda "	714285	" 5-ga	" $5 \times 142857 = 714285$

Kasvatame teda 7-ga, tuleb välja 999999, sest $7 \times 142857 = 999999$.

Kust se kõik peaks tulema?

Tähendus. Kes selle päale kostuse tahab leida, mõistetelu et antud arv 142857 . . . wälja tuleb, kui $\frac{1}{7}$ fümnendikmurrufs muudetakse, kui seega $\frac{2}{7}$ fümnendikmurrufs muudetakse?

44) Mitu arwu lähewad täieste 1980-ne sisse? (36. Waata Mõistl. rehk. lehek. 163).

45) Mitmes jagu on $\frac{2}{3} | \frac{5}{6}$ -dikust? (4 korda 5-es jagu).

46) Kaks rehkendajat, olgu Toomas ning Madis hakkavad wöitu kokku arwama. 1) Nad määrawad omale piiri, kui kaugelole otsussumma minna tohib, olgu 30-ni; 2) nad määrawad omale kõige kõrgema juurearvatava, olgu siin 5, nõnda et igaüks korraldi kas 1, 2, 3, 4 wöi 5 juure panna tohib, mitte enam. Kes laps nüüd ennemine piiriarwu päale saab, selle on wöit.

Katse: Toomas ütleb 4, Madis: 2 juure = 6; Toomas: 5 juure = 11, M.: 1 juure = 12; T.: 4 juure = 16, M.: 2 juure = 18; T.: 3 juure = 21, M.: 3 juure = 24; T.: 5 juure = 29, M.: 1 juure = 30. Soh, wöit on Madise. Ses wöidumängus langeb wöit ikka selle kätte, kes kõige wiimaks, nagu siin Madis, 24 ütelda sai. Ons piiriarw ning kõige kõrgem juurearvatav töised, siis on ka wöiduarw töine. Ons näituseks piiriarw 60, juureartav 9, siis on wiimne wöiduarw 51. Teie aga katsuge wälja uurida, mis üleüldest säädust mõõda wöit ühele wöi töisele poole peab langema.

47) Koolipoiss Juhan pidi 7286 rubla kasvatama 6349-ga, aga ta oli kolme nii sandiste kirjutanud, et teda viieks pidas ning seda mõõda ka kasvatat; mitu rubbla on nüüd tema kasvatus ihaldatud kasvatusest suurem? (1457200).

48) Mitu arwu on a) 1-he ning 100-ja wahel? b) mitu on aga 100-ja ning 200-ja wahel? (a. 98, b. 99).

Wiies toop.

49) Mis on suurem kas weerand naelast wõi kaheksandik puudast? Aga mis õigusega õpetataksse siis, et $\frac{1}{4}$ suurem olla kui $\frac{1}{8}$?

50) Kust see tuleb, et lühendamine murru hindamise mitte ei muuda?

51) Turu Tiiu müüs eile 30 õuna 2 tükki korraldi kopiku eest ära ning töist 30 3 tükki korraldi 2-he kopiku eest. Täna seks ta wõttis jälle 60 õuna kaasa ning arvas niihamina palju taha kui eile teeniivad, kui ta 5 tükki korraldi 3-me kop. eest ära müüb. Ohtu pani ta väga imelk, et ta kopiku enam kui eile oli teeninud; kust see tuli, wõi oli keegi talle kopiku kogemata linkinud?

52) Mõitmel isewiisil wõiksid ja kokkuvarvamise abiga 8 õuna ära jagada? (21-hel wiisil, murrud arwamata. Wiisil, rehl. l. 51).

53) Ma mõtlen praegu mingi 7-me jaama päälle, mille viimne number 5 on; mis jaan! See on?

54) a. Kust se tuleb et jautamise ning mõõtmise saadawad ühesuurused on, näituseks; 5-es jagu 20-neist on 4, ning 5 läheb 20-neisse ka 4 korda? b. Seda mõõda peaksivad ka mitme nime arwudega jagamises mõõtmise ning jautamise saadawad ühesuurused olema, aga ometi on näituseks — $\frac{1}{5} | 25$ punast 15-neist naelast = 5 pud. 3 W, aga 5 W mahub 25 punna 15 naela sisse 103 korda. Kudas see esimese õpetusega ühte sünib?

55) Mis arv on kõige väiksem jautaja, milks ei wõi murd iial jautajaks olla, milks on lihtmurdude kasvatust ikka väiksem kui kumblikasvatav ise, milks ei wõi kasvatajal iial nime ola, milks peab jautaja ikka nimeta olema ning milks peab mõõtjal ikka mõõdetawa nimi olema?

56) Miks on iga neljas aasta liigpäewa aastaks säästud, eks wõiks iga aasta pääle $365 \frac{1}{4}$ päewa arwata?

57) Kust see tuleb, et 3 iga arwu sisse täieste mahub, mille ristsumma sisse ta mahub?

58) Kust see tuleb, et iga arwu nõnda kahte osasse wõib lahutada, et tõine osa ikka ta ristsumma on, tõine üle jäädav) osa ikka üheksa mitmekordne? Näituseks: 62, ristsumma on 8, wõtame see $62 =$ ehest maha, jäab ($62 - 8 =$) 54, see on 9×5 üle.

59) Kas sa mõistad kriipsude waral näidata, et $\frac{2}{3} \times \frac{4}{5} = \frac{8}{15}$? (Waata Mõistl. rehf. lehel. 227).

60) Kas sa mõistad ütelda, mitu korda 5 läheb 20-ne naela sisse? (M. r. I. 235).

Kunes toop.

61) Mis läbi muudetakse murdudega jagamine kasvatamiseks ümber?

62) 20-ne inimese seast suri aastas 4 in. ära, seega suri iga 5-es in. ära. Ons see mõõtmine wõi jautamine?

63) Mil kombel wõiks iga mahaarvamise, wõi kasvatamise wõi jagamise eksempli tolluarvamiseks ümber muuta?

64)
$$\begin{array}{r} 4|17|3 \\ |12| \\ \hline 5 \end{array}$$
 Sün tuleb jagamise proow ja siiski on jagamine hukas; kust see tuleb?

65) 1 π liha mäksab 8 kop.; kui palju mäksab 32 π ? Keegi läbemata poiss jagas $8/32$ -he sisse = $4 \times$. Proow näitab et diete on jagatud, ja ometi ei mäksa ülesannet mõõda 8 π mitte 4 kop.; kust see tuleb?

66) a. Mis näitab nii sugune proow ja mis ei näita ta mitte? b. Mil kõmbel wõiks seda proowida kas õiete on ära kaalutud, millal kokku, maha arwata, kasvatada jautada woi mööta tuli?

67) a. Toomas kandis 5 E rauda, Peeter 5 E willu koju, kellel oli raskem käia? b. See sai, mis sün laua pääl on, saab (ülehomme =) tunahommie 3-me päewa- sekts; millal ta seega tehti?

68) Kust see tuleb et alandamine ülendamise ning ülendamine alandamise proow on?

69) 15 Juulil saadeti kiri meilt Soome maale, millal ta Soome kalendri järele senna sai, fest et minnes 12 päewa oli ära viitnud? (8 Augustil).

70) a. Mis sa ennemine wõtaksid kas kolmest rublast neljanda osa, wõi ühest rublast 3 weerandit? b. Mis arw see on, mille seitsemendiku seitsemekordne arwu enese suurune on?

71) Nimeta üks raha, mis wähem on kui ühtegi.

72) Peetril on 15 rubla wõlgu ning 5 rubla wara; mitu rubla peab ta juure teenima, et tal ühtegi (0) poleks?

Seitsmes loop.

73) a. Miks muudab iga harilik murd ennast kümnenidkmurruks, kui nimetaja lugeja sisse jagatakse? b. Ons selle muutmise tarvis pruugitav jagamine möötmine wõi jautamine?

74) Kust see tuleb et arwu 1-he ning algusmurru abiga kõik kolmeliikme arwamised wõib välja arwata?

75) a. Kudas tehakse iga kolmeliikme arwamisele proowi? b. Mitu proowi wõib igale kolmeliikme arwami-

sele teha? d) Kust see tuleb et kõkkuarwamisele mahaarwamine proowiks on ning e) kust see tuleb, et jagamisele ka maha- wõi kõkkuarwamise waral nagu mahaarwamisele ka mahaarwamise waral wõib proowi teha?

76) Kust see tuleb, et 9 inimest 5 päewaga nii-samma palju tööd teha jõuavad, kui neistsumust inimestest 5 9-ja päewaga?

77) Mõni kord tuleb rehkendades näituseks $5\frac{3}{6}$ inimest wõi $21\frac{24}{27}$ kopikat wälja; mis siis teha on?

78) Mis suur wahe on päast wäljarehkendamise wiiside ning kirjalikkude wäljarehkendamise wiiside wahel?

79) a. Mis wahe on arvu ning numbri wahel?
b. Mis wahe osa ning jau, jagaja ning jautaja wahel?
d. Mis wahe on rendi ning rentrendi wahel?

80) Tõmba oma tähwli päälle läks kriipsu mis pitkuse poolest ükstdöse wastu on nagu $2\frac{1}{2}$ on $3\frac{1}{4}$ -di wastu?

81) Kui 5-e walka odra eest 3 walka rukki saab,
a. kui palju on siis rukkid kallimad odradest; b. kui kallid on odrad rukkide wastu? a) $1\frac{2}{3}$ X. b) Nagu 3 : 5.

82) Mitme aastaga tõuseb 5-e protsendilise kapitali kasude summa kapitale enese kõrguseks? (20 aasta pärast).

83) a. Üks 4 nädalat wana wasikas maksab 4 rubla mis maksab seega seesamma wasikas kui ta 48 näd. wanaks on saanud?
b. 1 inimene maksab Tartust aurulaewaga Pihkva sõites 3 rubla sõiduraha, seega 12 inimest?

d. 1 inimene maksab Tartust postiga Pihkva sõites 25 rubla sõiduraha, seega 12 inimest kui nad kõik seltfis ühe wankriga sõidavad?

84) e. Kahe hobusega saani ees saab tunnis 10 wersta edasi, kümne hobusega saab seega 50 wersta edasi?

g. Miia lõi eile toobi loort 100-de napsga wöiks kolku; mitu napsu ta täna lõöma peab, sest et 10 toopi kinni kallati?

h. Mineva aasta mäksis walk odre 1 rubla ning pudel õlut 10 kopikat, tänavu mäksab walk odre 2 rubla, kui palju seega pudel õlut mäksab?

i. Võrimees Tõnu lubas 20 puuda kaupa 15 rubla eest 100 wersta viia, kui kaugemale ta seda mõõda selleksamma hinna eest $\frac{1}{2}$ tk. viib? — Uuri järele ning seleta ära, kust see tuleb et neid 83—84 antud ülesandeid mitte kolmeliukme arvamise õpetuste järele välja arvata ei wöi, ehk nad küll väga senna poole ahvatlevad?

~~Si ootanid minu püsin, mida ma saan siis.~~ (67)
~~Si ootanid minu värvi, mis minu oja edustas siis.~~ (68)
~~Si ootanid minu läbi, mis minu oja läbi.~~ (69)

Kahessas toop.

85) a. Kui näituseks $\frac{2}{5}$ nii suur on kui $\frac{4}{10}$, siis wöib sest mõista, et 1) $\frac{2}{4} = \frac{5}{10}$, 2) $\frac{5}{2} = \frac{10}{4}$, 3) $\frac{5}{10} = \frac{2}{4}$, 4) $\frac{4}{10} = \frac{5}{5}$, 6) $\frac{4}{2} = \frac{10}{5}$, 7) $\frac{10}{4} = \frac{5}{2}$, 8) $\frac{10}{5} = \frac{4}{2}$; kust see tuleb? b. Iga üksiku wördluse ühe liikme lugeja — kasvatatud töise liikme nimetajaga on ikka ühesuurus: 1) $2 \times 10 = 5 \times 4$, 2) $5 \times 4 = 10 \times 2$, 3) $5 \times 4 = 2 \times 10$ n. n. e.; kust see tuleb?

86) Kui näituseks 32 kasvatada tuleb 25-ga, siis wöib esmalt $\frac{4}{32}$ -he sisse jagada = 8 ning saadud jagu 100-ga kasvatada = $100 \times 8 = 800$. See on antud arwude kasvatus. Kust see tuleb?

87) Kui mingi arw näituseks $\frac{25}{11}$ -ga lästakse kasvatada, siis wöib kasvatuse väga nobedaste leida, kui antud arwu numbrid (5, 2) kolku arwataksse ning saadud summa = 7 mõlemate wahelse säätakse = 572. Kust see tuleb?

88) Kust see tuleb, et 450×42 niišamma suur on nagu ($2 \times 450 =$) $900 \times 21 (= 4^2/2)$, ehk $2700 \times 7?$

99) Sagedaste läheb kasvatamine kasvatava lahtamise läbi palju kergemaks. Näituseks 66×15 . $66 = 11 \times 6$. Nüüd wõtame $6 \times 15 = 90$, $90 \times 11 = 990$. Kust see tuleb, et sel kombel kasvatus ka õiete wälja tuleb?

90) Kui näituseks 648 rubla 72-hele mehele ãra tuleks jautada, siis wõiks seda wäga kergeste nõnda arusaada, kui esmalt $8/648$ sisse jagatakse, siis 9 jälle saadud jau, see on 81 -he sisse = 9 rubla. ($72 = 8 \times 9$). Seleta see ãra.

91) $2\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{2} = 2 \times 3 + \frac{1}{4}$; $3\frac{1}{2} \times 3\frac{1}{2} = 4 \times 3 + \frac{1}{4}$, $5\frac{1}{2} \times 5\frac{1}{2} = 6 \times 5 + \frac{1}{4}$, $7\frac{1}{2} \times 7\frac{1}{2} = 8 \times 7 + \frac{1}{4} = 56\frac{1}{4}$ n. n. e. Kust see tuleb?

92) a. $20\frac{8}{9} : 7\frac{8}{9}$! Kui sa antud jagatava asemel 21 wõtad, sest et ta sisse jagada palju kergem on, mis peaksid sa siis wäljatulekuga tegema, et ta ometi ihaldatud jau suuruseks läheks?

b. $13\frac{13}{45} \times 44$! Kui sa antud kasvataja asemel pigem 45 wõtaksid, mis peaksid sa siis saadud kasvatusega (13-ga) tegema, et kasvatus ihaldatud kasvatusega ühe suuruseks läheks?

c. Mis põhja pääl seisavad enemiste lõik kergitajad wäljarehkendamise wüsid?

d. Kudas rahwas förmrede warel üks Lord-ühe wälja arwab, waata Möistlikus rehkendajas lehel. 35, ning mõtle selle üle järelc.

95) Kui 99-le mehele 2900 rubla pead ãra jautama, aga selle asemel antud raha 100-se jatku jagad, nõnda et iga jagu seega 29 rubla on, kui palju peaksid sa nüüd jalle 29-lejuure panema, et wäljatulek õige koha päale läheks?

96) Hilja aja eest lugesime lusfil Wene keele aja-lehes väga mõnuša kergitus, mis siia mõtlejaile rehkendatale ära mõista ning seletada ülesse paneme.

a. Kasvatada antakse 2 kahelohalist arwu mis kumbki suuremad kui 10, aga vähemad kui 20 olla võivad, näituseks: 15×16 , 11×18 , 13×12 n. n. e.

b. Esimalt arvatakse nüüd antud kasvatavate ühelised kokku, näituseks $5 + 6 = 11$, või $8 + 2 = 10$, või $3 + 2 = 5$, n. n. e.

ons üheistest saadud summa 2, siis võetakse antud arwude kasvatuseks 120

"	"	"	3	"	"	"	"	"	130
"	"	"	4	"	"	"	"	"	140
"	"	"	5	"	"	"	"	"	150
"	"	"	6	"	"	"	"	"	160
"	"	"	7	"	"	"	"	"	170
"	"	"	8	"	"	"	"	"	180
"	"	"	9	"	"	"	"	"	190
"	"	"	10	"	"	"	"	"	200
"	"	"	11	"	"	"	"	"	210
"	"	"	12	"	"	"	"	"	220
"	"	"	13	"	"	"	"	"	230
"	"	"	14	"	"	"	"	"	240
"	"	"	15	"	"	"	"	"	250
"	"	"	16	"	"	"	"	"	260
"	"	"	17	"	"	"	"	"	270
"	"	"	18	"	"	"	"	"	280
"	"	"	19	"	"	"	"	"	290

Sel kombel saadud kasvatusele arvatakse siis veel iga kord antud arwude üheliste kasvatus juure, mis läbi otsumkasvatus ilmub. Kui seega 14×12 kasvatada tuli, siis oli $4 \times 2 = 8$ veel juure arvata n. n. e.

Esimene näitus. 12×13 . Üheliste summa on $2 + 3 = 5$, 5 lässib 150 kasvatuseks võtta, üheliste kasvatus on $2 \times 3 = 6$, seega $12 \times 13 = 150 + 6 = 156$.

Toine näitus. 17×15 . Üheliste summa $7 + 5 = 12$ lässib 220 kasvatuseks võtta, üheliste kasvatus $7 \times 5 = 35$ selle juure $= 255$, seega $17 \times 15 = 255$. — Seleta ära, kust see kergitus tuleb.

Üheksas toop.

97) Koolis oli 15 last, igaüks andis homiku igaühele kät; mitu korda seega säälhomiku kät anti? (105 korda).

98) Mitu arwu wöiks 6-e isesuuruse numbriga kirjutada? (720).

99) Mitu rida pidi wöiwad 7 wõerast ühe lauaga istuda? (5040 rida pidi).

100) Toapoiss Juhanil oli 3 isesugust mütsi, 4 isesugust kuube, 2 isesugust westi ning 5 paari isekarvalisi pükse; mitmel isewiisil wöis seega toapoiss Juhannast riide panna? (120-nel isewiisil).

101) Kirjuta 11 tuhat 11 sada 11 kümmend 11.

102) Taluniku akna ruut oli iga pidi jala suurune, wabaniku 4 ruutu olevad kõlku taluniku ühe ruudu suurused; kui suur oli seega iga ruut igast küljest? ($1/2$ jalga).

103) Mitu nurgajoont wöid sa a. viienurgalise b. 10-nenurgalise sisse tömmata? (a. 5. b. 35).

104) 5 müüri lääsiwad nõnda ükstöisest läbi, et iga müür igast müürist läbi läis; igasse kohta kus müür müürist läbi läis, pandi lipp püsti; mitu lippu seis tarvis läks? (10).

105) Küünla walguse rammu on akna taga veerandi nõdrem kui toas küünla jala juures; kui palju läheb seega tua walgu õuest waadata nõdremaks, kui ta 4-jast aaknast läbi paistab? (Walguse rammu on $\frac{81}{256}$ fest, mis ta toas on, see on umbes $\frac{1}{3}$).

106) 6-e jala pikkuse puu vari oli selsammal filmapilgul, kus kiri torni vari 198 jalga pikk oli, 12 jalga pikk; kui pikk seega see torn oli? (99 jalga).

107) Viini linnas on selsammal filmapilgul kell 12 lõuna, kus Kontoni linnas Hiina maal kell 6 p. l.

27 min. 36 sel. 7-me päälle näitab; Viini linn on $34^{\circ} 3'$ hom. poolses pikkuses; kus kraadis on Kantonilinn? (Kanton on $130^{\circ} 57'$ hom. poolses pikkuses).

108) Isal oli paremas ning pahemas westi taskus raha „Tule siia Juhani!“ ütles ta oma pojale, „Sa oled nüüd jo mõnda aega arvamist õppinud, saame näha, kui kaugemale so mõtlemine nüüd ulatab ka. Arva üles, mitu rubla nul kummaski taskus on, sest panen ma paremast taskust pahemasse rubla, siis on kummaski ühepaljus, aga panen ma pahemast paremasse rubla, siis on paremas taskus poole enam (7, 5).

Kiimines töop.

109) Jauta 24 nõnda kahte osasse, et üks osa töise vastu on, nagu

- a) $\frac{1}{6} \frac{1}{9}$; b) 6 : 5; d) $\frac{5}{6} : \frac{3}{4}$; e) $\frac{2}{1/2} : \frac{3}{3/4}$.
- (a. $14\frac{2}{5}, 9\frac{3}{5}$; b. $13\frac{1}{11}, 10\frac{10}{11}$; d. $12\frac{2}{19}, 11\frac{7}{19}$;
- e. $9\frac{3}{5}, 14\frac{2}{5}$).

110) Jauta 24 nõnda kahte osasse, et esimehe osa 5-kordne töise osa poolga ühesuurune on. ($2\frac{2}{11}, 21\frac{9}{11}$).

111) Jauta 24 nõnda kolme osasse, et esimehe osa töise vastu on nagu 2 : 3 ning töine osa kolmandaks vastu nagu 4 : 5. ($5\frac{17}{35}, 8\frac{8}{35}, 10\frac{2}{7}$).

112) Jauta 24 kahte osasse nõnda et esimesele osale 5 enam kui töisele saab. ($14\frac{1}{2}, 9\frac{1}{2}$).

113) Jauta 24 nõnda kahte osasse, et töine osa töisest 50 protsentti suurem on. ($14\frac{2}{5}, 9\frac{3}{5}$).

114) Jauta 24 nõnda kahte osasse, et esimesel osal 3 enam on kui töise osa kahekordsel. (17, 7).

115) Küest see tuleb et kümnendikmurdsid üksnes 10-ga laienendada või lühendada võib?

- 116) Seleta päänimetaja otsimine kirjasõnaga ära.
- 117) Miku andis Priidule nii palju õunu nagu Priidul omal enne oli. Nüüd andis Priidu Mikule nii palju nagu Mikul omal nüüd veel oli ning nüüd on Mikul 40, Priidul 46 õuna; mitu õuna kummalgipäri enne oli? (P.: 33, M.: 53).
- 118) Juhan arwas 2 arvu kokku, tuli välja $\frac{2}{5}$, ta arwas nad ükstöisest maha, tuli välja $\frac{1}{5}$, mis arvud need olivad? ($\frac{3}{10}, \frac{1}{10}$).
- 119) Arva kaheksal viisil välja, mitu korda $\frac{4}{5} | 23$ -me sisse läheb.
- 120) Kesk halu kolme tükki tahab lõhkuda, peab 2 korda kirwega lööma, mitu korda peab Peeter lööma, seest et ta halu kuude tükki lõhkuda tahab (kui ta ühe napsguga ikka läbi lööb)?
- Üks-töist-kümnes toop.**
- 121) Kui näituseks 5 π tahetakse loodibeks ümber muuta, kasvatatakse 5 ning 32 ükstöisega; mis on siin kasvataja, kas 5 või 32?
- 122) Varas varastas 1500 rubla ning põgenes päewaga 6 penikromat linnast eemale. 2-he päewa pärast saadeti talle kohtuteener järele, kes päewaga 9 penik. soitis; mitme päewa pärast saab kohtuteener varga kätte? (4-ja päewaga).
- 123) Ruuduline õu oli 20 sülda pikk, 10 sülda lai. Peremees jautas ta sel kombel ruutudesse ära, et iga ruut 5 sülda lai ning 5 sülda pikk sai ning istutas nüüd iga pisikesse ruudu iga nurga sisse ühe õunapuu; mitu õunapuid tal nüüd õues kasvamas on? (15).

124) Mis arv se on mis $\frac{3}{7}$ -diku ning $\frac{5}{21}$ -diku poole wahed pääl seisab? ($\frac{1}{3}$).

125) Suurde weetörde kallab 3-me toru läbi wet. Toru I täidab tõrre 16-ne tunniga, torru II 24-ja, toru III 48 tunniga, auks tõrre põhjas wiib tõrre 12 tunniga tühjaks. Kui nüüd kõik 3 toru ühe korraga täitma ning auks tühendama pannakse, mitme tunni pärast saab siis tõrs täide? (24 tunni pärast).

126) Sulane oli heina koormatega linna minemas ning kõitis veel wiimast koormat finni, aga kõis läks katki. Ta keerutas esmalt tükid jälle kokku ning sidus siis veel $4\frac{3}{4}$ sülda uut kõit veel otsa. Selle läbi läks kõis just nii palju $10\frac{1}{2}$ -lest süllast pitkemaks nagu ta enne $10\frac{1}{2}$ -lest süllast lühem oli olnud; kui pitk oli seega kõis enne otsasidumist olnud? ($7\frac{5}{8}$ sülda).

127) Teener Nukk sai aastas 60 rbl. rahapalka ning ülikonna riigid. 5-e kuu pärast lasti Nukk lahti ning anti talle 5 rubla hõbedat ning lubatud ülikond; kui kalliks tuleb see ülikond arwata? ($34\frac{2}{7}$ rbl.).

128) „Kui palju sa lammaste eest maksid?“ „Olek-sin ma 5 lammast kauba päale saanud, siis oleks iga laumas $4\frac{3}{4}$ rbl. maksma tulnud, nüüd maksin 5 rbl. tüklist“; mitu lammast ta seega ostis? (95 l.).

129) Wasikaid ja lambaid oli kokku 40 tükki, ostetud 200 rubla eest. Iga wasik maksnud 8, iga lammast 2 rubla; mitu wasikat, mitu laumast seega ostetud oli? (20 w., 20 l.)

130) Laua pääl oli hulk 5-e ning 3-me kopika tükka. „Wõta omale siit 1 rubla, aga mitte enam kui 24 rahatükki“, ütles isa pojale; mitu wiielest ning mitu kolmelist poeg seda mõõda wõtab? (14 wielist, 10 kolmelist).

131) Annab igamees $\frac{1}{8}$ rubla, siis jäab ihaldatud hinnast veel 5 rubla puudu, annab igamees $\frac{1}{2}$ rubla, siis läheb saak ihaldatud hinnast 5 rubla üle; a. mitu

meest seega andmas oli? b. mitu rubla tarvis oli?
d. kui palju peab siis igaüks andma? (a. 60 meest,
b. 25 rbl., d. $\frac{5}{12}$ rbl.)

132) Jaani ruuduline pold oli 3600 ruutkülda
juur, Peetri ruuduline pold oli 100 korda väiksem; mitu
külda aida Peeter seega oma pöllu ümbere pidi ehitama?
(0011.000) ~~1000~~

Kaks = töist = filmnes toop.

133) Mihkel oli 80, Aladur 124 õuna. Mihkel
pani oma õuntele iga päewa 14 tükki juure, Aladur kinkis
omadest iga päewa 7 töiestele; mitme päewa pärast neil
seega ühepaljus on? (4 ja päewa pärast).

134) N. on praegu 30 aastat, tema naene 20
aastat wana; a. mitu aastat läheb veel aega, enneku
N. $1\frac{1}{4}$ korda oma naese wanuseks saab? b mitme aasta
eest oli N. 6 korda oma nüüdse naese wanune? (a. 20
a. pärast, b. 18 a. eest).

135) Luhanil oli Mihelli käest 2-he aasta pärast
300 rubla ning 5-e aasta pärast 600 rubla pärida, aga
Mihkel mäksis talle warsi 400 wälja; kui laua wõib nüüd,
mis veel mäksa on, Mihelli kasuks jäada? (7/5 aastat).

136) 80-ne toobi piima sees oli $\frac{1}{4}$ wet; kui palju
selget piima tuleks juure fallata, et segatuses paljalt $\frac{1}{10}$
wet oleks? (120 toopi).

137) 15 naest kündsiwad minerva aasta Kauniwere
pöllud 9 päewaga õra, tänavu pandi nendsammade pöls-
hude fallale 18 meest tööle ning töö lõppes 6 päewaga;
kui müüb tuleva aasta nimetatud naesed ning mehed
Kauniwere pöldusid kündma pannakse, mitme päewaga
siis töö lõpeb? ($2\frac{3}{5}$ päewaga).

138) Mil kõmbel wõib kaupmees Põber 3 liiki kaupa A 2 kop. ~~W~~, B 5 kop. ~~W~~, D 6 kop. ~~W~~ segada, et 1 ~~W~~ segatust 4 kop. maksaks? (A liigist 3, B liigist 2, D liigist ka 2 osa).

139) 2000 meest sääti kahte ridasse ülesse. Esimesest reast astus iga 9-sas mees wälja, tödest iga 5-es ning selle läbi tuli tödest reast 120 meest enam wälja kui esimesest; mitu meest ali kummaski reas? (900, 1100).

140) Kell läib 3-me ning 4-ja wahel ning minuti-näitaja on just tunninäitaja pääl; kui palju seega kell on? ($16\frac{4}{11}$ minutit 4-ja pääl).

141) Kolm arvu kolkku = 50. Kui esimene arv 5-ga, töine 7-ga, kolmas 12-ga kasvatatakse, pärast töökasvatuseid kolkku arvatatakse, tuleb 395 wälja; kui suur on iga arv? (5, 34, 11). Siin on veel mitu tööst kostust ka õiged).

Tähendus. See ülesanne rehkendataisse sega arvamiste viisil wälja.

142) Kütt nägi jahi pääl jäne se, kes koerast 50 sammu eemale jooksnud oli ning sääl hingeldas. Kütt äsitas koera uueste jäne se päale ning nüüd jooksis koer sellesamma ajaga 5 sammu, millega jänes 6. Aga selle eest oli 7 koera sammu just 9 jäne se sammuga ühepitkused; mitu sammu saab jänes nüüd veel jooksta, ennegu koer ta linni wõtab? (700 sammu).

143) Kahes koplis kasvis ühepaljus puud. Peremees raius tödest koplist 4 puud ära, aga töise ta istutas 8 tülli juure ning nüüd oli ses koplis 5 korda nii palju puud kasvamas kui töises; mitu puud seega ennemine kummaski oli? (7 puud).

144) Ühest arwust wõeti esmalt ta weerand ning siis veel 3 ära, siis pandi 1 juure ning nüüd oli jälle nii samma palju nagu ennegi; kui suur see arv oli?

Pool toopi.

145) „Säh siin on 100 rbl., osta mulle selle eest 100 elajat; härgi, lehmi, lambaid”, ütles mõisnik opmanile 100 aasta eest. Laadal maksis härg 10 rubla, lehm 5 r., lammast 50 kopikat; mitu tükki opmann seega igast soust ostis? (h.: 1, lehmit: 9, lambaid: 90).

146) „Tere, tere 100 ane!” „Ei meid pole 100 ane”. Oleks meid veel pool nii palju ning weerand nii palju kui meid on, oleks meid siis veel 67 ane ning oleks siina ise ka veel ani olewat, siis oleks meid kolku just nii palju 100-jast enam, nagu meid nüüd 100-jast vähem on;” mitu neid seega on? (48).

147) Kõögitudruk Mae küsis koka läest: „Mitu muna sa turult ostsid?” Kolk les koolis häste rehken-dama oli õppinud, kostis: „Tosin neist munadest maksis 18 kopikat, aga oleksin ma 5 muna kauba päälle saanud, siis oleksin ma selle läbi tosina $2\frac{1}{2}$ kop. odavamalt saanud; sest katstu mõista, mitu muna ma ostsin. (31).

148) Lihunik Kiwi ostis omale hulga härgi. Poole neist ta andis karjamaale, kolmandiku muuma päälle, $\frac{1}{12}$ ta tappis ära; mis veel üle oli, ta müüs ära, — iga härja eest ta wöttis nii mittu rubla, kui mitu härja ta üleüldse ära müüs, ning sai sel kombel ühte kolku nii mitu rubla, kui mitu härja ta ise ostnud oli. Mitu härja oli ta seega ostnud? (144).

149) Sirakusä kunningas, Hiero nimega, andis kuldsepa kätte 16 π kulta, 4 π hõbedat ning käskis enesele krooni teha. Walmis saanud kroon kaalus külj 20 π , fiski oli kunningal asja arwata, et kuldsepp antud kullaast muist omale oli warastanud ning selle eest jälle enam hõbedat krooni tegemiseks wötnud.

Kuningas andis seepärast krooni kuulsa matematilka tundja Arhimedese kätte ning käskis wälja uurida, kas ning kui palju kuldsepp petust teinud oli.

Arhimedes täädis, et õga asj wees wähem kaalub kui õhus. Ta oli järele katunud, et 20 π kulda wees 19 π ning 21 π hõbedat wees ka paljas 19 π kaalub. Kroon aga kaalus wees $1\frac{1}{4}$ π wähem kui õhus. Sest sai Arhimedes aru kätte, et ning kui palju kuldsepp tunningat petnud oli; kui palju? (Kuldsepp oli $1\frac{10}{19}$ kulda wähem wötnud).

Dähendus. Kudas see ülesanne välja tuleb rehkendoda, nii nq iin waata kolmandas Ülesannete kogus, lehek. 239.

150) Kaks Arabia meest istusivad kõrbe maha lõunat wõtma. Wanemal mehel oli 5, nooremal 3 leiwalest lääas. Nüüd tuli veel üks reisimees juure ning palus omale ka anda. Mehed sõivad, igaüks ühepaljus, kõik 8 leiwalest ära. Pärast sõõmist mäksis wõõras 8 ühesuurust rahatükki ning läks oma tecd. Neist wõttis noorem mees vinnaga leiwade arvu järel 3 tükki ning tahtis tasku pistma hakata. „Ei pojule!“ ütles wanem, sinu päralt on paljas 1, minu päralt 7 rahatükki.“ Et noorem seda uskuda ei tahnuud, mindi kohtusse; mil kõmbel kohus nüüd mõistab, et õigus wanema pool on?

